

Wörterbücher

Dynamische Menge an Elementen, die über Schlüssel definiert sind:

Paare(Schlüssel, Wert)

Operationen:

element search(schlüssel x)
void insert(element e)
void delete(schlüssel x)
element max/min()
void traverse()

Realisierung:

- Verketete Liste
- Feld
- BitVector mit Kapazität m

	Search	Insert	Delete	Max/Min	Traverse
Liste	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n^2)$
Feld	$O(\log n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(n)$
BitVector	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(m)$	$O(m)$

Binäre Suchbäume

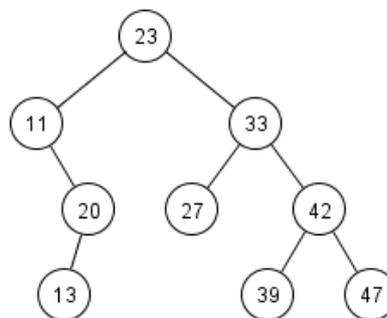
Ein binärer Suchbaum ist ein binärer Baum mit der folgenden Eigenschaft:

- $z.key > x.key \forall z$ im rechten Teilbaum von x
- $z.key < x.key \forall z$ im linken Teilbaum von x

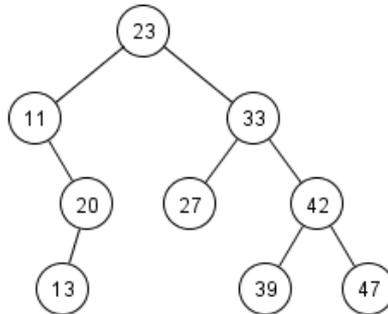
Knoten x:

knoten x.left
knoten x.right
knoten x.parent
schlüssel x.key
wert x.value

$A = \{ 23, 33, 27, 11, 42, 20, 13, 39, 47 \}$



Binäre Suchbäume



```

void traverse (Knoten x)
if x != NULL then
  traverse(x.left)
  print(x)
  traverse(x.right)
  
```

```

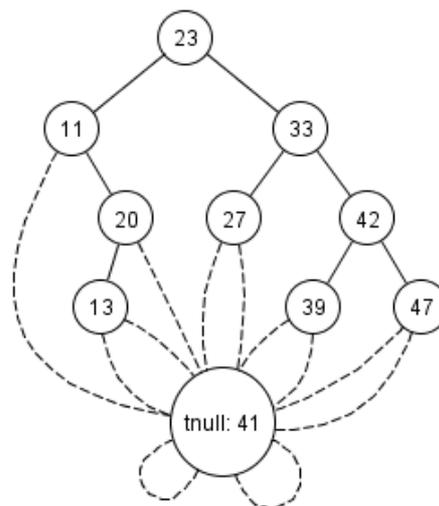
Knoten max (Knoten x)
if x.right != NULL
  then return Max(x.right)
  else return x
  
```

Binäre Suchbäume

Suchen nach 41

Wächter (Sentinel) TNULL

- Spezieller Knoten, der kein Element permanent abspeichert
- Alle Null Zeiger zeigen jetzt zum Sentinel
- Sentinel ist dereferenzierbar und erlaubt, Spezialfälle zu vermeiden
- TNULL.left = TNULL
- TNULL.right = TNULL



Binäre Suchbäume

Knoten search (*Knoten* x , *Schlüssel* k)

```
TNULL.key = k
z = sentinel_search(x, k)
if z != NULL
  then return z
  else return NULL
```

Knoten sentinel_search (*Knoten* x , *Schlüssel* k)

```
if x.key > k then return sentinel_search(x.left, k)
else if x.key < k then return sentinel_search(x.right, k)
else return x
```

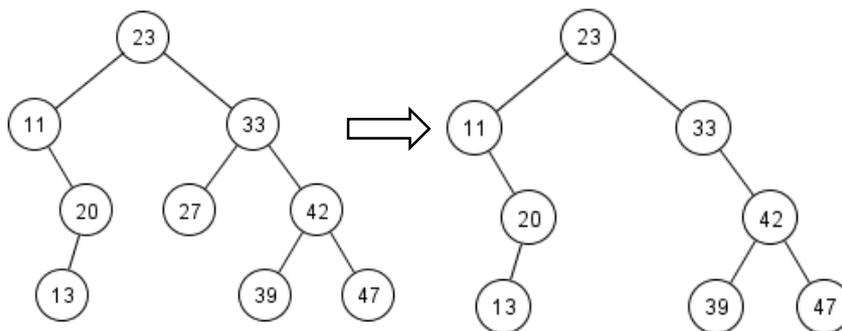
void insert (*Knoten* x , *Schlüssel* k)

```
if x=TNULL then x = makenode( k )
else if x.key > k then insert(x.left, k)
else if x.key < k then insert(x.right, k)
else key  $k$  already in tree
```

Hängt neues Blatt mit Schlüssel k an die richtige Stelle im Baum.

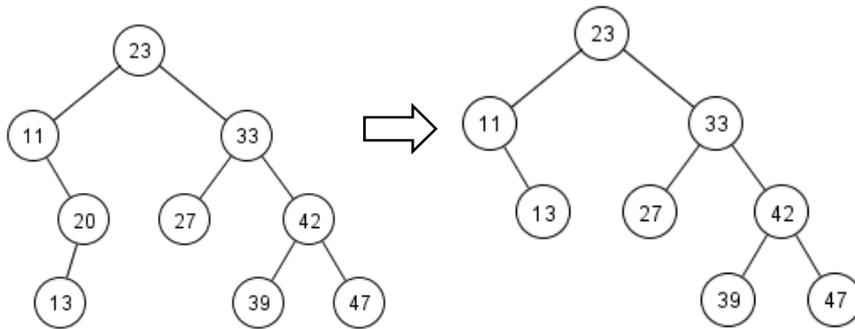
Binäre Suchbäume

27 löschen:



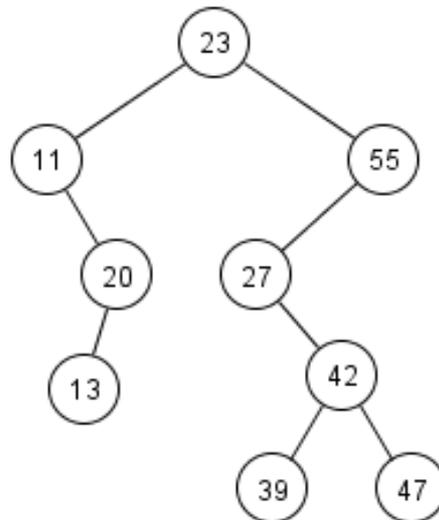
Binäre Suchbäume

20 löschen:



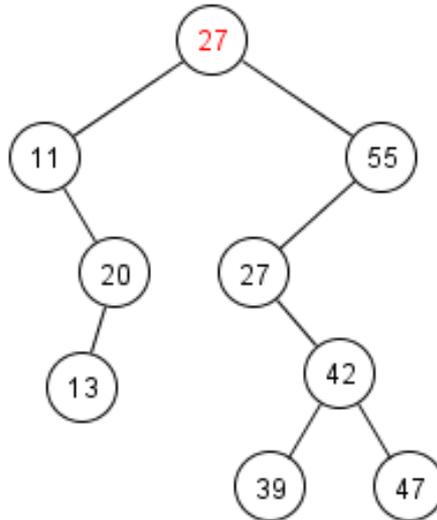
Binäre Suchbäume

23 löschen:



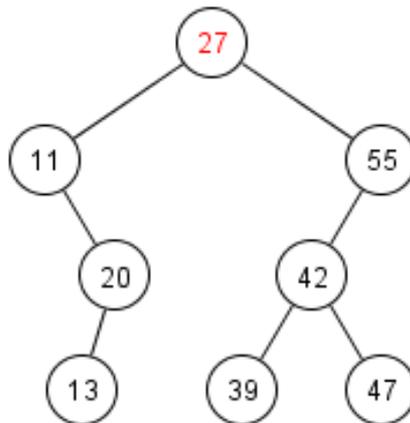
Binäre Suchbäume

23 löschen:



Binäre Suchbäume

23 löschen:



Binäre Suchbäume

Drei Fälle beim Löschen von x:

- x ist Blattknoten – einfach entfernen
- x hat genau ein Kind z – x entfernen und Vater von x mit z verbinden
- x hat zwei Kinder
 - Nachfolger z von x hat nur ein Kind
 - ersetze x durch z
 - lösche z

```
void delete(Knoten x, Schlüssel k)
if x=TNULL then x not in tree
else if x.key > z.key then delete(x.left, z)
else if x.key < z.key then delete(x.right, z)
else if x.left = TNULL then x = x.right
else if x.right = TNULL then x = x.left
else z = min(x.right)
    copy data from z to x
    delete(x.right, z.key)
```

Laufzeit search, insert, delete: $O(h)$, h = Höhe des Baumes

Algorithmen durchläuft maximal einen Pfad von der Wurzel zu einem (leeren) Blatt

Wie können wir einen balancierten binärer Suchbaum konstruieren?